

فیزیک اتمی و هسته‌ای

قابل استفاده برای داوطلبان آزمون‌های کارشناسی ارشد
فیزیک پزشکی، رادیوبیولوژی و فناوری تصویربرداری پزشکی
تالیف و گردآوری:

دکتر فرزانه قربانی دکترای تخصصی فیزیک پزشکی

هادی اکبری زاده دانشجوی دکترای تخصصی فیزیک پزشکی





فیزیک اتمی و هسته‌ای

قابل استفاده برای داوطلبان آزمون‌های کارشناسی ارشد رشته‌های
فیزیک پزشکی، رادیوبیولوژی و فناوری تصویربرداری پزشکی



گروه آموزشی ساینس آزمون
وابسته به شرکت نوآفرینان علم آزمون
[t.me/scienceazmoon1](https://www.scienceazmoon.com)
<https://www.scienceazmoon.com>

تالیف و گردآوری:

دکتر فرزانه قربانی دکترای تخصصی فیزیک پزشکی
هادی اکبری زاده دانشجوی دکترای تخصصی فیزیک پزشکی

حقوق مالکیت مادی و معنوی

کلیه حقوق مادی و معنوی اثر متعلق به شرکت نوآفرینان علم آزمون می‌باشد و هرگونه تکثیر، بازنویسی و یا برداشت به هر نحوی (الکترونیکی، فتوکپی، عکس و فیلم و موارد مشابه) چه از متن کامل و یا جزئی از آن، مجاز نبوده و منجر به پیگرد قانونی می‌باشد.

فهرست مطالب

۷	بخش اول: درس نامه جامع فیزیک جدید و اتمی
۹	فصل اول: پدیده دوگانگی موج-ذره
۱۰	اثرات ذره‌ای امواج الکترومغناطیسی
۲۸	خواص موجی ذرات
۴۰	سوالات بخش اول - فصل اول
۷۵	فصل دوم: فیزیک اتمی
۷۶	اتم
۷۷	مدل‌های اتمی
۸۶	طیف‌های اتمی
۹۰	نظریه اتمی بوهر
۹۶	اتم‌های چند الکترونی
۱۰۸	سوالات بخش اول - فصل دوم
۱۲۹	فصل سوم: سینماتیک و دینامیک نسبیتی
۱۳۱	اصل نسبیت
۱۳۳	آزمایش مایکلسون و مورلی
۱۳۴	تبدیلات لورنتس
۱۳۵	کمیت‌های ویژه
۱۳۷	جرم و اندازه حرکت نسبیتی
۱۳۹	انرژی نسبیتی
۱۴۳	اثر دوپلر نسبیتی
۱۴۴	سوالات فصل سوم - بخش اول
۱۵۴	بخش دوم: درس نامه جامع فیزیک هسته‌ای

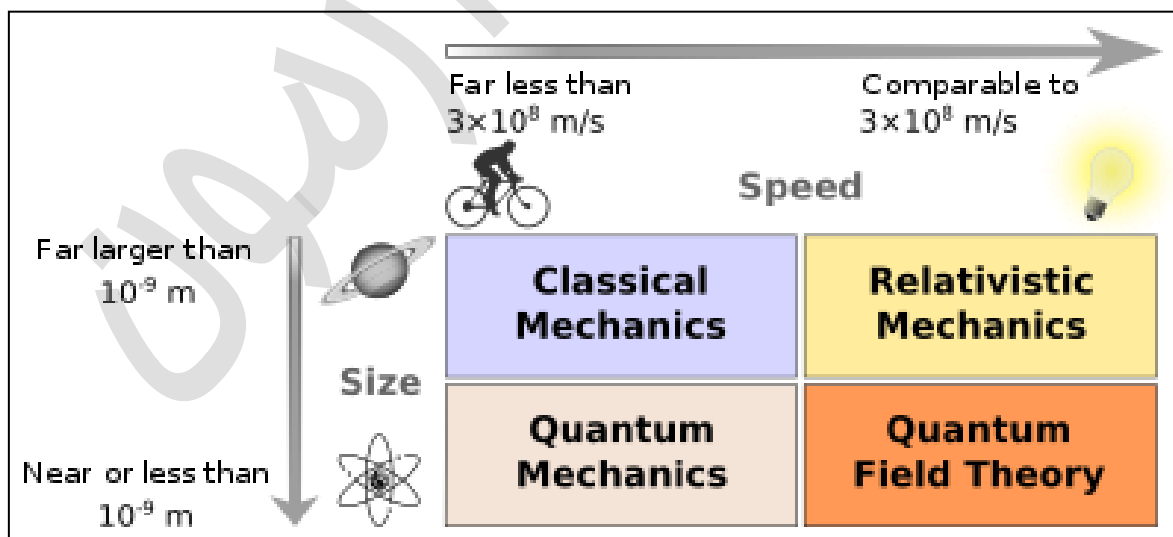
بخش اول: درس نامه جامع فیزیک جدید و اتمی

فصل اول: پدیده دوگانگی موج-ذره

فیزیک جدید شامل نظریه‌هایی در مورد پدیده‌ها و مشاهداتی است که در شرایط خاص (سرعت‌های بالا و ابعاد ریز) با قوانین فیزیک کلاسیک قابل توجیه نیستند. بعبارت دیگر قوانین فیزیک کلاسیک در ابعاد بسیار کوچک (حدود $10^{-10}m$) و سرعت‌های نزدیک به سرعت نور دچار تناقض می‌شود و کاربردی ندارد. بدین ترتیب نظریه‌ای توسط جمعی از فیزیک‌دانان مانند پلانک، هایزنبرگ، بوهر و شرودینگر تحت عنوان نظریه کوانتومی و نظریه نسبیت توسط انیشتین مطرح شد. در فصل اول و دوم به قوانین مکانیک کوانتومی و در فصل سوم به نظریه نسبیت می‌پردازیم.

مکانیک کوانتومی به دنبال یکسری نارسائی‌ها در توجیه فیزیک ذرات خرد (ذرات با ابعاد اتمی) بوجود آمد. البته آثار کوانتومی را بعضی اوقات می‌توان در ابعاد ماکروسکوپی نیز مشاهده کرد مانند خاصیت ابرشارگی و اثر مایسنر. اولین قدم‌ها را پلانک در راه نظریه کوانتومی گذاشت، او بر روی تابش امواج الکترومغناطیس از اجسام سیاه مطالعه می‌کرد که دچار یک مشکل بزرگ شد و فیزیک کلاسیک از توجیه آن عاجز بود. بیان موفقیت‌آمیز نظریه تابش الکترومغناطیسی یک جسم جامد که در سال 1900 میلادی توسط ماکس پلانک ارائه شد، شروع نظریه کوانتومی بود. در ادامه تعدادی از آزمایش‌هایی که با مکانیک و الکترودینامیک کلاسیک قابل توجیه نیستند، بیان می‌شوند.

لازم به ذکر است که در سرعت‌های کم و ابعاد ماکروسکوپی، قوانین فیزیک کلاسیک برقرار هستند که در شکل ۱ می‌توان حوزه‌های مختلف نظریه‌های فیزیکی برحسب سرعت و اندازه جسم دید.



شکل ۱ حوزه‌های مختلف نظریه‌های فیزیکی برحسب سرعت و اندازه جسم

اثرات ذره‌ای امواج الکترومغناطیسی

مروری بر امواج الکترومغناطیسی

در اطراف هر ذره باردار یک میدان الکتریکی (\vec{E}) و در اطراف هر جریان ثابت از ذرات باردار یک میدان مغناطیسی (\vec{B}) وجود دارد. مقادیر این میدان‌ها به فاصله از بار نقطه‌ای و سیم حامل جریان ذرات باردار بستگی دارد. اگر ذره باردار شتاب بگیرد و یا جریان با زمان تغییر کند، یک میدان الکترومغناطیسی ایجاد می‌شود که مولفه‌های \vec{E} و \vec{B} آن علاوه بر اینکه تابعی از مکان هستند، به زمان نیز وابسته هستند.

روابط موجی یک میدان الکترومغناطیسی که در صفحه xy است و در جهت محور z منتشر می‌شود بصورت زیر است:

$$\vec{B} = \vec{B}_0 \sin(kz - \omega t) \quad \text{و} \quad \vec{E} = \vec{E}_0 \sin(kz - \omega t)$$

که در آن k عدد موج است ($k = \frac{2\pi}{\lambda}$)

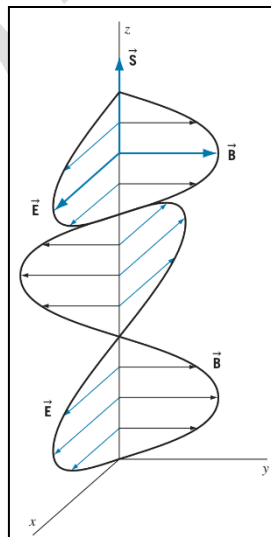
ω فرکانس زاویه‌ای ($\omega = 2\pi\nu$)

$c = \frac{\omega}{k}$ و $c = \lambda\nu$

$B_0 = \frac{E_0}{c}$ که $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$ سرعت نور در خلا است.

جهت میدان مغناطیسی (\vec{B}) بر جهت میدان الکتریکی (\vec{E}) و جهت انتشار موج الکترومغناطیسی عمود است.

جهت انتشار در راستای بردار حاصل از ضرب برداری (ضرب خارجی) $\vec{E} \times \vec{B}$ است.



شکل ۲ جهت انتشار و مولفه‌های میدان الکتریکی و مغناطیسی یک موج الکترومغناطیسی

یک موج الکترومغناطیسی انرژی را از مکانی به مکان دیگر منتقل می‌کند. شار انرژی توسط بردار پوینینگ (\vec{S})

$$\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} \vec{E} \times \vec{B}$$

کلیه حقوق اثر متعلق به شرکت نوآفرینان علم آزمون می‌باشد و هرگونه تکثیر، بازنویسی و یا برداشت به هر نحوی (الکترونیکی، فتوکپی، عکس و فیلم و موارد مشابه) چه از متن کامل و یا جزئی از آن، مجاز نبوده و منجر به پیگرد قانونی می‌باشد

برای موج صفحه‌ای که در بالا ذکر شد: $\vec{S} = \frac{1}{\mu_0} E_0 B_0 \sin^2(kz - \omega t) \hat{k}$

\hat{k} بردار یکه در جهت محور z است، بنابراین انتقال انرژی توسط موج الکترومغناطیسی در راستای حرکت آن است.

یکای S توان بر واحد سطح است بعبارت دیگر $\left[\frac{J}{s}\right]$ یا $\left[\frac{W}{m^2}\right]$.

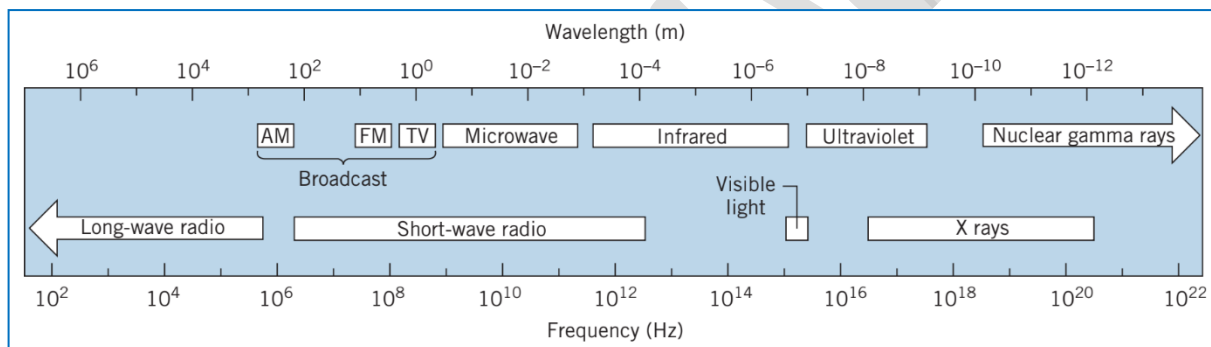
اگر یک گیرنده امواج الکترومغناطیسی را در راستای حرکت (z) قرار دهیم و سطح حساس به امواج الکترومغناطیسی که بر محور z عمود است برابر A باشد، توان دریافتی توسط گیرنده عبارت است از:

$$P = SA = \frac{1}{\mu_0} E_0 B_0 A \sin^2(kz - \omega t) = \frac{1}{\mu_0 c} E_0^2 A \sin^2(kz - \omega t)$$

شدت موج که عبارت است از میانگین توان به ازای واحد سطح از رابطه زیر بدست می‌آید، دقت شود که میانگین مقدار

$$I = \frac{P_{av}}{A} = \frac{1}{2\mu_0 c} E_0^2 = \epsilon_0 E^2 c \sin^2 \theta$$

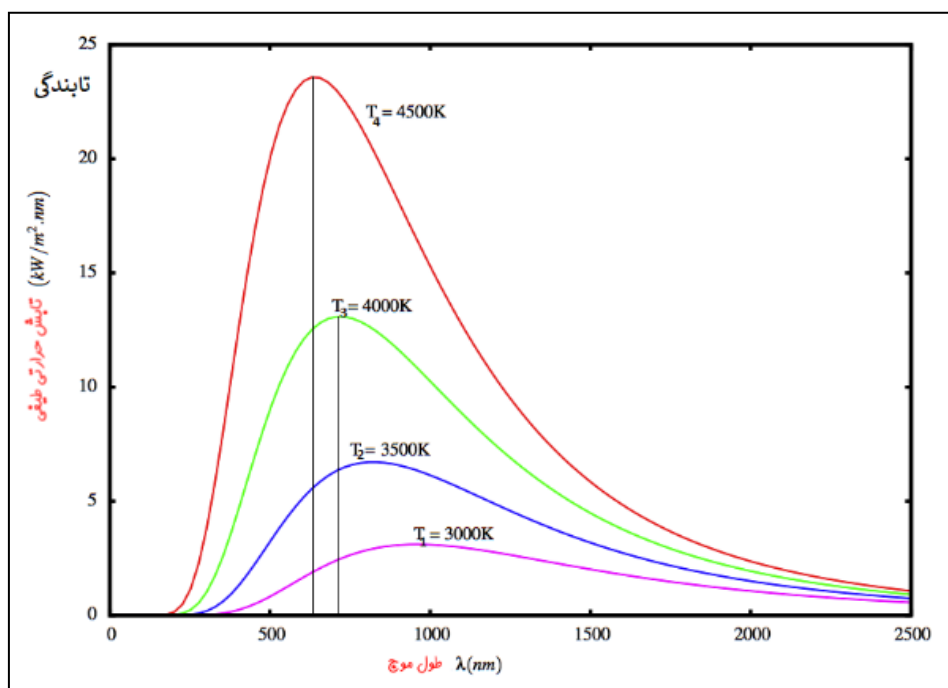
امواج الکترومغناطیسی بر حسب افزایش انرژی و کاهش طول موج:



شکل ۳ طیف امواج الکترومغناطیسی

تابش جسم سیاه

اگر جسمی تمام پرتوهای تابیده شده به خود را، با هر طول موجی، جذب نماید به آن **جسم سیاه** گفته می‌شود. فرض کنید دیواره‌های داخلی یک حفره را جسم سیاه تشکیل دهد و در این حفره منفذ کوچکی ایجاد کنیم. در این صورت تابشی که از حفره به بیرون ساطع می‌شود را **تابش جسم سیاه** می‌گویند. این تابش کاملاً همگن و همسانگرد می‌باشد. بر طبق قانون دوم ترمودینامیک، دیواره‌های چنین حفره‌ای علاوه بر جذب کامل باید تابش نیز داشته باشند، در غیر این صورت می‌توان بدون انجام هیچ‌گونه کاری با قراردادن جسمی در چنین حفره‌ای گرما را از جسم سرد به جسم گرم منتقل کرد.



شکل ۴ نمودار تابش جسم سیاه، تغییرات شدت تابش بر حسب طول موج

$$T_1 > T_2 > T_3 \rightarrow \lambda_1 < \lambda_2 < \lambda_3$$

در این نمودار

برای اولین بار وین نشان داد که با داشتن دمای مطلق یک جسم، شدت تابش دارای یک پیک (حداکثر شدت تابشی) در یک طول موج مشخص است، که از رابطه **قانون جابجایی وین** بدست می آید. b یک ثابت جهانی است.

$$\lambda_{max} T = b = 2.898 \times 10^{-3} mk$$

قانون جابجایی وین نشان می دهد که وقتی دمای جسم سیاه تغییر کند قله طول موج در طیف تابشی بطور معکوس با دمای مطلق جابجا می شود، یعنی جسم سیاه با افزایش دما قرمز سفید و آبی می شود.

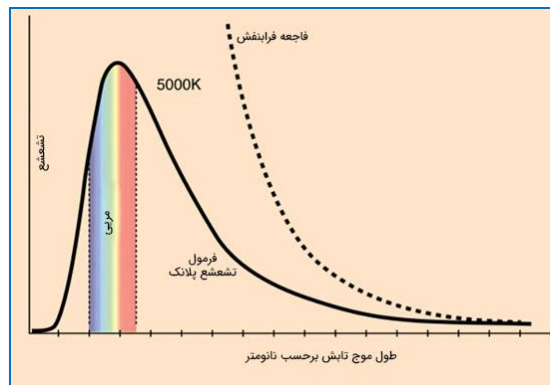
رایلی و جونز توانستند به کمک قوانین کلاسیک، قسمت طول موج های بلند نمودار شدت بر حسب طول موج را بدست آورند؛ ولی نتیجه آن ها انرژی کل را بی نهایت برآورد می کرد. وین نیز به کمک یک سری استدلال ها حد طول موج های کوتاه را برای نمودار بدست آورد.

تابش جسم سیاه نخستین نشانه نارسایی نظریه موجی تابش الکترومغناطیسی بود، چرا که نظریه الکترومغناطیسی نمی توانست طیف مشاهده شده در تابش جسم سیاه را توصیف کند. مطابق فیزیک کلاسیک بایستی نمودار تابندگی یک جسم به صورت زیر درمی آمد. همچنین تابندگی برای طول موج های بسیار کوتاه (محدوده فرابنفش) در هر دمایی باید بی نهایت شود که این موضوع بر روی نمودار **شکل ۵** کاملاً قابل درک است. چنانچه در نمودار مربوط به تابندگی دیدیم که چنین نیست. حتی در دماهای خیلی بالا و حداکثر تابندگی در محدوده فرورسرخ یا مرئی خواهد بود و هنگام ورود به ناحیه فرابنفش به شدت کاهش می یابد.

ماکس پلانک با در نظر گرفتن تابش بصورت **بسته های انرژی (کوانتوم های انرژی)** این نمودار را بطور کامل توجیه کرد.

ماکس پلانک برای حل مشکل بوجود آمده پیشنهاد خود را به صورت «تابش اجسام کوانتیده است» ارائه کرد. واژه‌ی کوانتوم با ریشه کوانتا به معنی بسته، بدین معنا است که انرژی به صورت بسته‌هایی مشخص است و دارای مقادیر خاصی است که نمی‌تواند مقادیر کم‌تر یا بیشتر از آن باشد. به بیان ساده‌تر ضریب صحیحی از بسته مبنا می‌باشد. این مفهوم را در بارالکتریکی هم داریم، که بار الکتریکی ضریبی از بارالکتریکی الکترون معادل $1.6 \times 10^{-19}c$ است و خرده الکترون نداریم.

مطابق نظریه پلانک اجسام نمی‌توانند هر مقدار که می‌خواهند انرژی تابش کنند! به عبارت دیگر مقدار انرژی تابشی که از یک جسم گسیل می‌شود کمیتی پیوسته نیست بلکه گسسته است به این معنا که انرژی هر موج الکترومغناطیسی باید مضربی از یک مقدار پایه باشد که پلانک آن را کوانتوم انرژی آن موج نامید.



شکل ۵: نارسائی فیزیک کلاسیک و فاجعه فرابنفش

اگر بسامد موجی برابر ν باشد، در این صورت کوانتوم انرژی آن موج برابر است با: $E = h\nu$

در این رابطه h ضریب ثابتی است که آن را ثابت پلانک می‌نامیم و مقدار تقریبی آن برابر $h = 6.63 \times 10^{-34} Js$ است.

از آن جایی که انرژی کوانتوم یک موج بسیار کم‌تر از $1J$ است از واحد کوچک‌تری بنام الکترون‌ولت استفاده می‌کنیم که با eV نمایش می‌دهیم و معادل $1.6 \times 10^{-19} J$ است. یک الکترون‌ولت عبارت است از تغییر انرژی یک الکترون هنگامی که تحت ولتاژ یک ولت جابجا می‌شود.

با توجه به رابطه $\nu = \frac{c}{\lambda}$ ، رابطه‌ی پلانک را می‌توان به صورت $E = \frac{hc}{\lambda}$ نوشت که کاربرد زیادی در حل تست‌ها دارد.

مقدار hc محاسبه شده و به صورت زیر برحسب eV / A^0 و keV / A^0 به صورت زیر است:

$$hc = 124000eV = 12.4keV$$

از سطح همه اجسام در هر دمایی امواج الکترومغناطیس گسیل می‌شود، که گسیل امواج از سطح اجسام را تابش گرمایی یا به اختصار تابش می‌نامیم. مقدار انرژی تابشی که از سطح جسم گسیل می‌شود به سه عامل بستگی دارد:

- ۱) دمای جسم
- ۲) مساحت
- ۳) ویژگی‌های سطح آن

در تابشی که از سطح یک جسم گسیل می‌شود همه طول موج‌ها از فرسرخ تا فرابنفش به صورت پیوسته وجود دارد. نکته حائز اهمیت این است که افزایش دما علاوه بر آن که تابش گرمایی را تشدید می‌کند، موجب تغییر رنگ نور تابشی که از سطح جسم می‌شود. به عنوان مثال تابش جسمی که در دمای اتاق قرار دارد به صورت فرسرخ و جسم در دماهای بالا علاوه بر درخشش سفیدرنگ، مقدار زیادی تابش فرابنفش خواهد داشت (مانند خورشید).

توان گسیل $E(\lambda, t)$ یک جسم عبارت است از انرژی گسیل شده در طول موج λ در واحد سطح و در واحد زمان. به ازای یک طول موج مشخص، نسبت توان گسیل E به ضریب جذب A (که بنا به تعریف کسر تابش فرودی با طول موج λ است که جسم جذب می‌کند)، برای تمام اجسام یکسان است.

برای جسم سیاه که تمام تابش فرودی را کاملاً جذب می‌کند، $A=1$ خواهد بود.

توان گسیل کل جسم سیاه از رابطه $E(T) = \sigma T^4$ بدست می‌آید.

همان طور که می‌بینیم توان تابشی با T^4 رابطه مستقیم دارد و $\sigma = 5.6 \times 10^{-8} \frac{W}{m^2 k^4}$ ثابت استفان-بولتزمن است.

تابش جسم سیاه هرگز به جنس جسم بستگی ندارد.

اگر جسمی در دمای اتاق باشد، طول موج‌های فرسرخ را با بیشترین تابندگی گسیل خواهد کرد و تابندگی سایر طول موج‌ها به مراتب کم‌تر از تابندگی موج‌های فرسرخ خواهد بود.

با افزایش دما میزان تابندگی همه طول موج‌ها افزایش خواهد یافت و طول موجی که بیشترین تابندگی $(I_{\lambda_{max}})$ را دارد، به سمت چپ جابه‌جا می‌شود.

سطح زیر نمودار تابندگی برابر شدت تابش جسم (I) است.

اثر فوتوالکتریک

الکترون می‌تواند طی فرآیندهای مختلفی از سطح ماده جدا شود که عبارتند از

۱) **گسیل گرما یونی:** گرم کردن فلزات، که با انتقال موثر انرژی گرمایی به الکترون‌ها، تحریک می‌شوند و از سطح فلز خارج می‌شوند.

۲) **گسیل ثانوی:** با برخورد ذراتی به سطح فلز، انرژی جنبشی به الکترون‌ها منتقل می‌شود.

۳) **گسیل میدانی:** با اعمال یک میدان الکتریکی قوی خارجی، الکترون‌ها از فلز جدا می‌شوند.

۴) **اثر فوتوالکتریک:** با تابش امواج الکترومغناطیسی بر روی سطح تمیز فلزی، در صورت وجود شرایط خاص که در ادامه تشریح می‌شوند، الکترون‌ها از سطح جدا می‌شوند.

اثر فوتوالکتریک توسط هاینریش هرتز در جریان آزمایش‌هایی کشف شد که هدف عمده‌ی آن‌ها تایید پیشگویی‌های نظری ماکسول در مورد وجود امواج الکترومغناطیس حاصل از جریان‌های الکتریکی نوسانی بود. وابستگی اثر فوتوالکتریک به فرکانس (بسامد) از دید فیزیک کلاسیک قابل توجیه نبود که در ادامه به تشریح بیان خواهد شد.

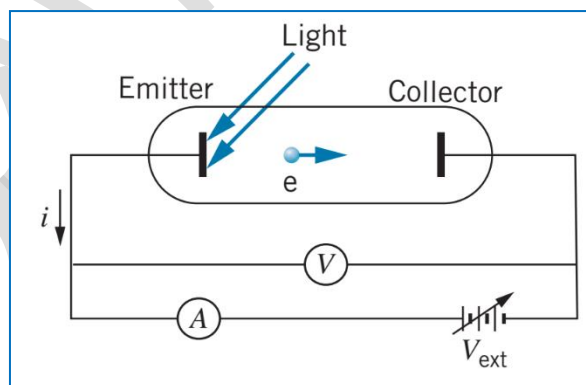
الکترون‌های ظرفیت با وجود آزادی درون فلز بازم مقدار کمی به فلز مقید هستند. در اثر فوتوالکتریک، یک باریکه نوری به یک الکترون مقداری انرژی مساوی یا بیشتر از انرژی بستگی آن الکترون به سطح فلز می‌دهد و باعث فرار الکترون می‌شود. به الکترون‌های خارج شده از این طریق، فوتوالکتریک می‌گویند. به میزان انرژی لازم برای رها کردن الکترون از سطح فلز، تابع کار فلز گفته می‌شود. تابع کار به خواص ذاتی فلز بستگی دارد و برای فلزات مختلف مقادیر متفاوتی دارد. در صورت وقوع فرآیند فوتوالکتریک، تعداد قابل توجهی الکترون از سطح فلز (آند) جدا می‌شوند. در صورتیکه انرژی نور فرودی بیشتر از انرژی لازم برای کندن الکترون باشد، باقی‌مانده انرژی بصورت انرژی جنبشی به الکترون داده می‌شود.

الکترودها در یک محیط خلأ قرار دارند تا برخوردهای بین فوتوالکتریک‌ها با مولکول‌های گاز محیط، حذف شود. فوتوالکتریک‌های رها شده از سطح فلز به سمت کاتد حرکت می‌کنند. با رسیدن فوتوالکتریک‌ها به سطح کاتد، یک جریان الکتریکی در مدار برقرار می‌شود. وجود جریان الکتریکی تاییدکننده وقوع پدیده فوتوالکتریک و اندازه جریان الکتریکی متناسب با تعداد فوتوالکتریک گسیل شده است.

اگر از یک نور تکفام (یک منبع نوری تک فرکانس) استفاده کنیم، با توجه به اینکه تابع کار فلز ویژگی ذاتی است و با فرض وجود خلأ کامل، انرژی فوتوالکتریک‌های ساطع شده یکسان است. یک اختلاف پتانسیل الکتریکی را بین دو الکترود به گونه‌ای اعمال کنیم که مانع رسیدن فوتوالکتریک‌ها به کاتد شود. هنگامیکه کار انجام شده بواسطه این اختلاف پتانسیل دقیقاً برابر با انرژی جنبشی اولیه فوتوالکتریک‌ها باشد، آن‌ها دقیقاً جلوی کاتد به حالت سکون می‌رسند و جریانی ایجاد نخواهد شد. به همین دلیل به این اختلاف پتانسیل، پتانسیل قطع می‌گویند. در این شرایط داریم:

$$eV = \frac{1}{2} m_0 v^2$$

که در آن v سرعت الکترون‌ها هنگام ترک سطح آند و V اختلاف پتانسیلی است که باعث توقف فوتوالکتریک‌ها به جرم سکون m_0 و بار e می‌شود.



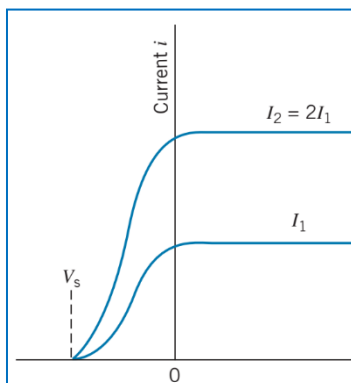
شکل ۶ شماتیک آزمایش فوتوالکتریک. با تابش نور، الکترون‌ها از سطح الکترود تابش‌کننده (آند) جدا می‌شوند و بدلیل اختلاف پتانسیل بین دو الکترود به سمت کاتد شتاب می‌گیرند. تعداد الکترون گسیل شده از طریق خوانش جریان اندازه‌گیری می‌شوند.

نتایج تجربی اثر فوتوالکتریک

۱) با تابش نور، جریان فوتوالکتریک (i) تقریباً بصورت آنی (حد اکثر 10^{-10} s) آغاز می‌شود. از نظر فیزیک کلاسیک، انتظار می‌رفت در تابش‌های با شدت کم تأخیر زمانی بین تابش و دریافت اولین فوتوالکتریک به وجود آید، که برخلاف مشاهدات تجربی بود.

۲) برای هر بسامد ثابت (باریکه نوری با رنگ مشخص، θ) و پتانسیل ترمزی معین (V)، جریان فوتوالکترونی (i) مستقیماً با شدت باریکه نوری (I) متناسب است. بعبارت دیگر، تعداد فوتوالکترون‌هایی که در واحد زمان از سطح فلز خارج می‌شوند (i) با شدت نور تابشی (I) متناسب هستند.

۳) برای یک بسامد (θ) و شدت نور مشخص (I)، جریان فوتوالکترونی (i) با افزایش پتانسیل ترمزی V کاهش می‌یابد و سرانجام در پتانسیل قطع (V_0) به صفر می‌رسد. از منظر دیگر اگر پتانسیل قطع اعمال شود، مهم نیست باریکه نوری چه شدتی دارد، جریانی ایجاد نمی‌شود. این پدیده با نظریه کلاسیک توجیه نمی‌شود.

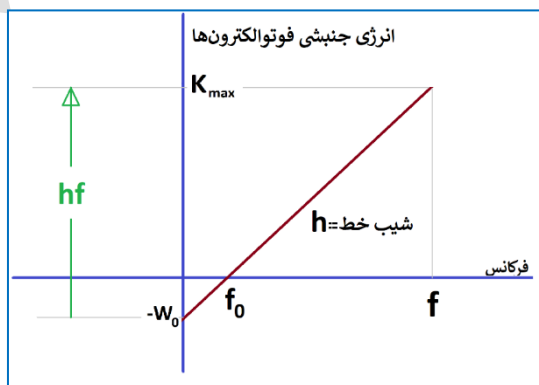


شکل ۷ عدم وابستگی پتانسیل قطع به شدت نور فرودی

۴) مقدار پتانسیل قطع (V_0) برای هر سطح بخصوصی به بسامد نور (ν) بستگی دارد ولی از شدت نور مستقل است. به عبارت دیگر، حداکثر انرژی فوتوالکترون‌ها به هیچ‌وجه به مقدار کل انرژی که در واحد زمان به سطح می‌رسد، بستگی ندارد. نظریه کلاسیک نمی‌تواند چنین اثری را پیشگویی کند. یک رابطه خطی بین پتانسیل قطع (V_0) و بسامد نور (θ) وجود دارد. شیب نمودار خطی V_0 برحسب θ برابر $\tan \theta = \frac{h}{e}$ (یا شیب نمودار انرژی جنبشی برحسب فرکانس برابر h است).

$$V_0 = \frac{h\nu}{e} - \frac{W_0}{e}$$

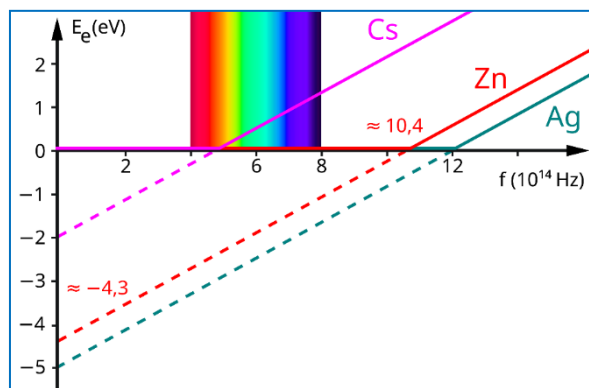
$$\tan \theta = \frac{h}{e}$$



شکل ۸ تغییرات خطی انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها با فرکانس نور فرودی، شیب خط برابر با ثابت پلانک است و عرض از مبدا برابر با تابع کار فلز

۵ برای هر فلزی یک بسامد مشخص ν_0 به نام بسامد آستانه وجود دارد. گسیل فوتوالکترونی در صورتی روی می‌دهد که $\nu > \nu_0$ باشد. عبارت دیگر هرچند شدت باریکه نوری (I) بسیار زیاد هم باشد، اگر فرکانس نور فرودی کمتر از فرکانس آستانه لازم برای آن فلز باشد، پدیده فوتوالکتریک رخ نمی‌دهد. این نتیجه با فیزیک کلاسیک توجیه نمی‌شود. زیرا براساس فیزیک کلاسیک انتظار می‌رفت که با افزایش شدت نور فرودی در هر فرکانسی، فوتوالکترون‌ها به جریان درآیند، همچنین انتظار می‌رفت به ازای کاهش شدت جریان در تمام فرکانس‌ها، جریانی رخ ندهد؛ که در عمل این اتفاق نمی‌افتد و برای $\nu > \nu_0$ حتی در شدت‌های کم نیز، اثر فوتوالکتریک رخ می‌دهد.

بسامد آستانه برای اکثر فلزات در ناحیه نور فرابنفش قرار می‌گیرد.



شکل ۹ بسامد آستانه به جنس فلز بستگی دارد که برای اکثر فلزات در ناحیه فرابنفش است، شیب نمودار برای تمام فلزات برابر h است اما عرض از مبدا به جنس فلز بستگی دارد. بطور مثال برای فلز نقره (Ag) فرکانس‌های بیشتر از $12 \times 10^{14} \text{ Hz}$ منجر به وقوع پدیده فوتوالکتریک می‌شود.

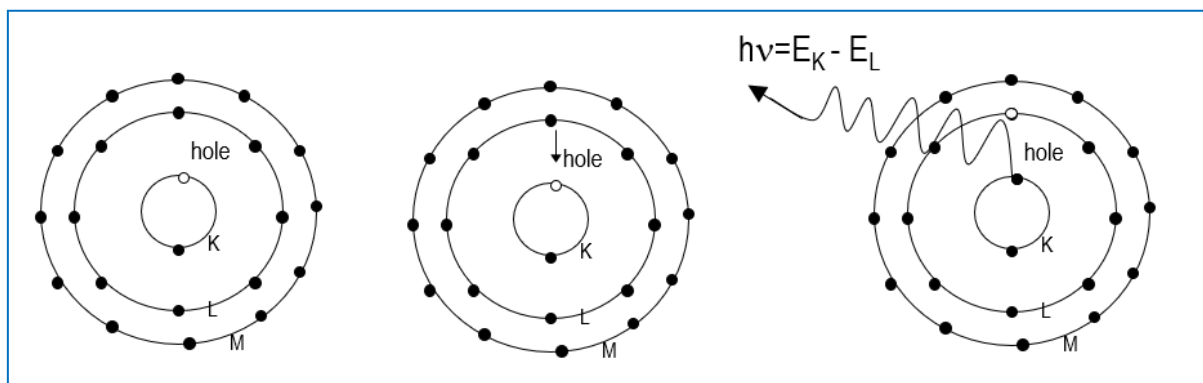
انیشتین تابش را متشکل از کوانتوم‌های با انرژی $h\nu$ در نظر گرفت که در آن ν بسامد نور است. جذب یک کوانتوم منفرد توسط یک الکترون، انرژی الکترون را به اندازه $h\nu$ افزایش می‌دهد. مقداری از این انرژی صرف جدا کردن الکترون از فلز می‌شود. این مقدار انرژی، که تابع کار فلز نامیده می‌شود، برای هر فلز مقدار مشخصی است و به انرژی الکترون وابسته نمی‌باشد. بنابراین براساس قانون پایستگی انرژی داریم:

$$K_e = \frac{1}{2}mv^2 = h\nu - W$$

اگر بسامد آستانه برای وقوع پدیده فوتوالکتریک برای یک فلز ν_0 باشد، تابع کار آن $W_0 = h\nu_0$ است و بنابراین حداکثر انرژی جنبشی فوتوالکترون‌ها برابر با $k_{max} = h\nu - W_0 = eV_0$ است.

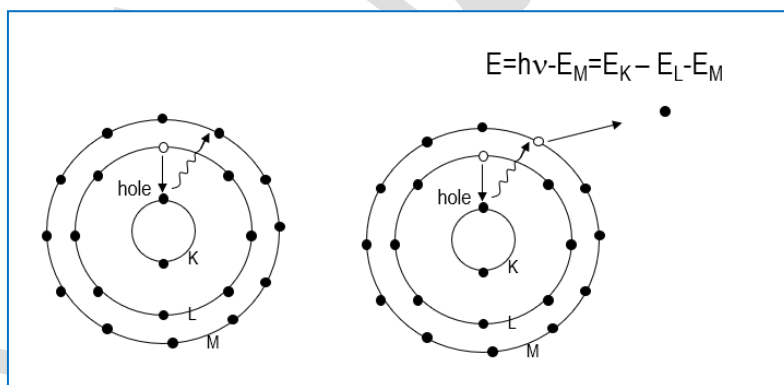
پیامدهای اثر فوتوالکتریک

پدیده فوتوالکتریک عمده‌تاً در اثر برخورد فوتون با الکترون مقید به اتم روی می‌دهد. در اثر جدا شدن، برای پر کردن جای خالی آن، یک الکترون از مدارهای بالاتر به پایین‌تر سقوط کرده که در اثر آن مقداری اختلاف انرژی به وجود می‌آید. این اختلاف انرژی به صورت تابش پرتوی x ظاهر می‌شود. به این پرتو به اصطلاح پرتو ایکس مشخصه یا تشخیصی گفته می‌شود. لازم به ذکر است که پدیده فوتوالکتریک عمده‌تاً با لایه K اتم انجام می‌گیرد.



شکل ۱۰ طرح‌واره تولید پرتو ایکس اختصاصی

در برخی مواقع ممکن است که تابش ایکس ایجاد شده به جای خروج از اتم، سبب ایجاد پدیده فوتوالکتریک دیگری با یکی دیگر از الکترون‌های آن اتم شود. در اثر این پدیده الکترون دیگری از اتم خارج می‌شود که آن را الکترون اوژه می‌نامیم. با توجه به این که انرژی تابش ایکس حاصل برابر اختلاف‌ترازهای اتمی K و L است، $h\nu = E_K - E_L$ ، پس شرط آزاد شدن الکترون اوژه بصورت $(E_B)_K - (E_B)_L \geq (E_B)_M$ می‌باشد. به زبان ساده‌تر الکترون اوژه زمانی آزاد می‌شود که اختلاف انرژی ترازهای K و L بزرگ‌تر مساوی انرژی بستگی الکترون ثانوی باشد. پس پدیده فوتوالکتریک همیشه با یک فرایند ثانوی همراه خواهد بود که یا تابش ایکس یا گسیل الکترون اوژه می‌باشد.



شکل ۱۱ طرح‌واره تشکیل الکترون اوژه

پدیده فوتوالکتریک در محدوده انرژی‌های حدود 70 KeV تا 100 KeV غالب بود و به‌طور کلی در انرژی‌های کمتر از 100 KeV رخ می‌دهد. همچنین این پدیده در مواد سنگین با عدد اتمی (Z) بالا مورد اهمیت خواهد بود.

با توجه به این مطالب می‌توان گفت سطح مقطع جذب فوتوالکتریک به‌صورت تقریبی با موارد زیر متناسب است:

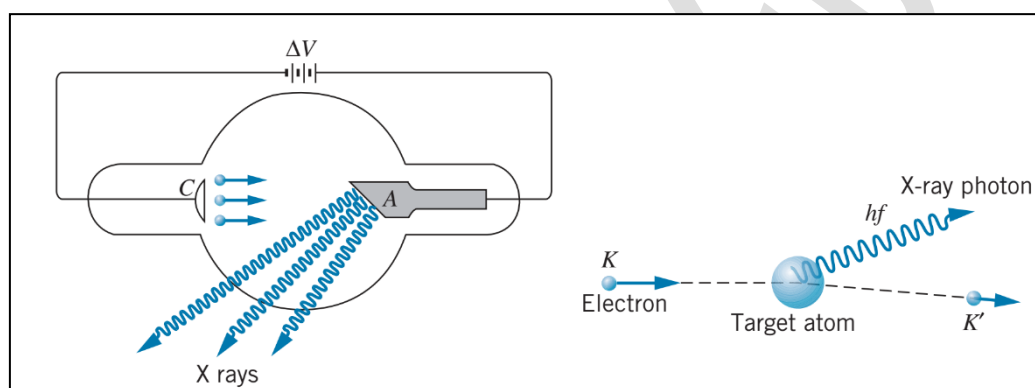
$$\tau \propto Z^3 E_r^{-3}$$

$$\tau \propto Z^5 E_r^{-3.5}$$

تولید پرتو ایکس و تابش ترمزی

ویلیام رونتگن دریافته بود که وقتی الکترون‌های سریع به ماده برخورد می‌کنند، تابش‌های پرنفوذی را با ماهیت نامعلوم ایجاد می‌کنند. مشخص شد که این پرتوهای ایکس که در خطوط مستقیم سیر می‌کنند، تحت تأثیر میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی قرار نمی‌گیرند. هرچه الکترون‌های اولیه سریع‌تر باشد، پرتوهای ایکس حاصل شده نفوذ بیشتری دارند و هرچه تعداد الکترون‌ها بیشتر شود، شدت باریکه پرتو ایکس بیشتر می‌شود.

یک بار الکتریکی شتاب‌دار، امواج الکترومغناطیسی تابش می‌کند و الکترونی که با سرعت در حال حرکت است و ناگهان وادار به توقف می‌شود مسلماً دارای شتاب است. تابشی که از تغییر شتاب الکترون در میدان هسته به وجود می‌آید موسوم به تابش ترمزی (برمز شترالانگ) است.



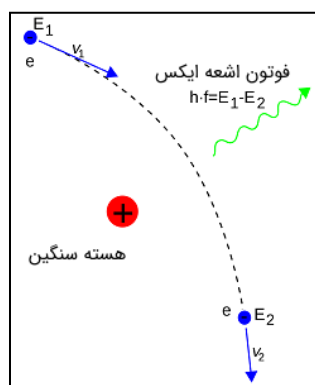
شکل ۱۲ تولید پرتو ایکس ترمزی (برمز شترالانگ)

نظریه کلاسیکی الکترومغناطیس پیشگویی می‌کند که هر بار الکتریکی شتاب‌داری انرژی الکترومغناطیس تابش می‌کند. نظریه کوانتومی ایجاب می‌کند که هر انرژی الکترومغناطیسی تابش شده‌ای شامل کوانتوم‌های گسسته یا فوتون‌ها باشد. بنابراین انتظار می‌رود که الکترون منحرف شده (و در نتیجه شتاب‌دار) یک یا چند فوتون تابش کند و محل برخورد را با انرژی جنبشی کمتری ترک کند. طبق قانون بقای انرژی:

$$K - K' = hf$$

انرژی لازم برای تولید پرتوهای ایکس از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$K = hf_{max} = \frac{hc}{\lambda_{min}} = eV$$



شکل ۱۳ گسیل فوتون ایکس ترمزی بواسطه عبور یک الکترون از مجاورت یک هسته سنگین

اتلاف انرژی ناشی از تابش ترمزی برای الکترون‌ها از اهمیت بیشتری نسبت به ذرات سنگین برخوردار است، زیرا الکترون‌ها در مسیرشان وقتی از نزدیکی هسته‌ها عبور می‌کنند با شدت بیشتری شتاب می‌گیرند. هرچه انرژی الکترون بزرگ‌تر، و هر چه عدد اتمی هسته‌هایی که با آن مواجه می‌شوند بزرگ‌تر باشد، تابش ترمزی پراثرتری خواهد بود.

کسری از انرژی ذره باردار که به تابش ترمزی تبدیل می‌شود از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$f = 3.5 \times 10^{-4} zE = \frac{\text{تابش ترمزی}}{\text{کل تابش}}$$

پرتوهای ایکس شامل امواج الکترومغناطیسی یا فوتون‌ها با طول موج حدود $1A^0$ هستند. بطور تجربی تایید شده که پرتوهای ایکس پدیده‌های موجی تداخل، پراش و قطبش شدن را نمایش می‌دهند.

اثر کامپتون

آزمایشی که سراسرترین مدرک ماهیت ذره‌ای تابش را در اختیار قرار می‌دهد، اثر کامپتون است. کامپتون کشف کرد تابشی با یک طول موج معین در ناحیه پرتو ایکس و گاما که از یک ورقه فلزی می‌گذرد، به گونه‌ای پراکنده می‌شود که با نظریه تابش کلاسیک سازگار نیست. بطور مختصر، بنا بر نظریه کلاسیک، در نتیجه این برخورد شدت نور بازتابش شده توسط الکترون‌هایی که با تابش فرودی به نوسان واداشته شده‌اند، در زاویه θ متناسب با $(1 + \cos^2 \theta)$ است که به طول موج تابش فرودی بستگی ندارد. براساس بررسی‌های کامپتون، تابش پراکنده شده در یک زاویه معین دارای دو بخش است. مولفه‌ای که طول موج آن همان طول موج تابش فرودی است و مولفه دیگری که طول موج آن نسبت به طول موج فرودی به مقداری که بستگی به زاویه دارد انتقال پیدا کرده است.

کامپتون با در نظر گرفتن تابش فرودی به صورت باریکه‌ای از فوتون‌ها که هر یک از آن‌ها دارای انرژی $h\nu$ است و باعث پراکندگی کشسان یک الکترون منفرد می‌شود، توانست مولفه تغییر یافته (تغییر طول موج فوتون) را توضیح بدهد:

$$\Delta\lambda = \lambda' - \lambda = \frac{h}{m_0c}(1 - \cos \theta) = 0.0242(1 - \cos \theta)A^0$$

طول موج کامپتون الکترون نامیده می‌شود و مقدار آن برابر با $2.4 \times 10^{-10} cm$ است.